

ШИФР  
(не заполнять)

000242

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов  
Томской области «ОРМО».

Северо-Восточная олимпиада школьников «СВОШ».

(отметить галочкой олимпиаду)

## ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ

Олимпиадная работа по физике вариант II  
(указать предмет)

Выполнил (а)

Фамилия: В Е Р Л И Н С К И Й

Имя: М А К С И М

Отчество: В А Д И М О В И Ч

Класс: 11

Наименование школы: МБОУ лицей при ТПУ

Город (село): Томск

Район: Томский

Область: Томская

Дата рождения: 16 / сентября 1998

Контактный телефон: 8-952-804-2745

E-mail: trojan774@gmail.com

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись МВЗ

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
<del>2/760</del>	3.03	Веруляков А.В.	А.У

Жюри - (по результатам анкетирования)

1.  $R, d, \omega$ .

$$v = \omega r.$$

$$\omega = \text{const} \Rightarrow \omega = \frac{v}{r} \text{ всегда вычитывается.}$$

$$v = \omega r.$$

Пусть через время  $t$  на катушке будет намотана лента радиусом  $r$ , тогда объём этой ленты будет:

$$V = \pi (r^2 - R^2) \text{ а (1) } \text{а-ширина ленты}$$

За то же время мимо неподвижной точки пройдёт объём:  $V = \pi d + v$  (2)

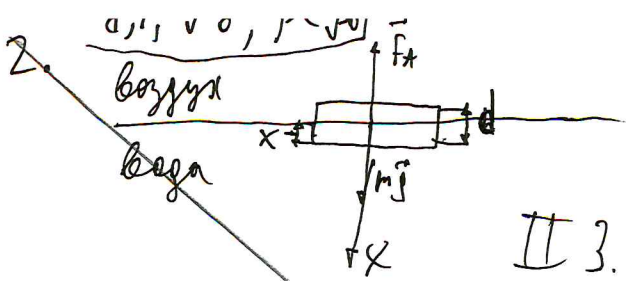
$$(1) - (2)$$

$$\pi (r^2 - R^2) \text{а} = \pi d + v; \pi r^2 - \pi R^2 = d + v; r^2 = \frac{d+v}{\pi} + R^2$$

$$r = \sqrt{\frac{d+v}{\pi} + R^2}; v = \omega r; v = \omega \sqrt{\frac{d+v}{\pi} + R^2}$$

Ответ:  $v = \omega \sqrt{\frac{d+v}{\pi} + R^2}$

$v \neq \text{const!}$



Закон Архимеда:  $F_A = \rho_0 V g = \rho_0 S x g$

II 3. Р. ОХ:  $ma = mg - F_A$ ;  $a = x''$

$\rho S dx'' = \rho S (d-x) g - \rho_0 S x g$  /:S

$\rho dx'' + \rho x g + \rho_0 S x g = \rho d g$

$x'' + \frac{\rho + \rho_0}{\rho d} g x = g$

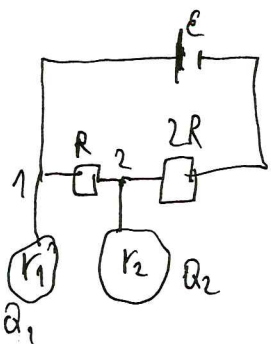
$x'' + \omega^2 x = g \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{\rho + \rho_0}{\rho d} g} = \sqrt{\frac{g}{d} \left(1 + \frac{\rho_0}{\rho}\right)}$ ;  $\omega = \frac{2\pi}{T} = \sqrt{\frac{g}{d} \left(1 + \frac{\rho_0}{\rho}\right)}$

$\frac{4\pi^2}{T^2} = \frac{g}{d} \left(1 + \frac{\rho_0}{\rho}\right)$ ;  $\frac{4\pi^2}{T^2} = \frac{g}{d} + \frac{g\rho_0}{d\rho}$

$\frac{g\rho_0}{d\rho} = \frac{4\pi^2}{T^2} - \frac{g}{d}$ ;  $\frac{g\rho_0}{d\rho} = \frac{4\pi^2 d - gT^2}{T^2 d}$ ;  $\frac{g\rho_0}{\rho} = \frac{4\pi^2 d - gT^2}{T^2}$

$\rho = \frac{g\rho_0 T^2}{4\pi^2 d - gT^2}$

3.  $k_1, k_2, \epsilon$



П.к. шары изначально незаряжены, а заряд на соединительных проводниках мал, считаемся

Законом сохранения заряда:  $Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow Q_1 = -Q_2$

Законом Ома для участка цепи:  $U_1 = \gamma R$

$U_1 - U_2 = U_1$ ; Законом Ома для полной цепи:  $\gamma = \frac{\epsilon}{R + 2R} = \frac{\epsilon}{3R}$

$U_1 - U_2 = \gamma R - \frac{\epsilon R}{3R} = \frac{\epsilon}{3}$ ;  $U_1 = \frac{k Q_1}{r_1}$ ;  $U_2 = \frac{k Q_2}{r_2}$ ;  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$

$U_1 - U_2 = \frac{k Q_1}{r_1} - \frac{k Q_2}{r_2}$ ;  $Q_1 = -Q_2$ ;  $U_1 - U_2 = \frac{k Q_1}{r_1} + \frac{k Q_1}{r_2} = k Q_1 \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}\right)$

(1)=(2)  $k Q_1 \cdot \frac{r_1 + r_2}{r_1 r_2} = \frac{\epsilon}{3}$   $Q_1 = \frac{\epsilon r_1 r_2}{3(r_1 + r_2)}$   $k = \frac{1}{4\pi\epsilon}$   $Q_1 = \frac{\epsilon \epsilon_0 \pi \epsilon r_1 r_2}{3(r_1 + r_2)}$

3. Търговски:

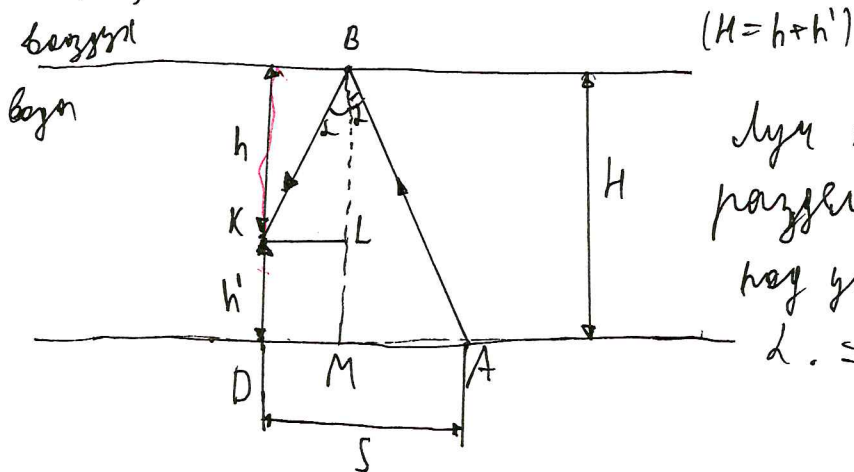
000242

$$Q_1 = \frac{4 \epsilon_0 \pi \epsilon k_1 k_2}{3(k_1 + k_2)}$$

Отвѣт:  $Q_1 = -Q_2 = \frac{4 \epsilon_0 \pi k_1 k_2 \epsilon}{3 \cdot (k_1 + k_2)}$

~~15~~

4.  $H, S, h = ?$



Линия AB разгледана на вертикална разгледана чрез: „возн-возвыт“  
 възглед на ъгъла на наклона отразен  
 $\alpha \Rightarrow \sin \alpha = \frac{1}{h}$ ;  $h$  - показател на преломляемост възн

Изчисляваме триъгълниците  $\triangle ABM$  и  $\triangle KLB$  ( $KL = DM$ )  
 $\tan \alpha = \frac{AM}{BM} = \frac{DM}{BL}$   $S = DM + AM$   
 $BM = H$   
 $BL = H - h'$

$$AM = \tan \alpha \cdot H$$

$$DM = \tan \alpha \cdot (H - h')$$

$$S = AM + DM = \tan \alpha \cdot H + \tan \alpha \cdot (H - h') = \tan \alpha \cdot (2H - h')$$

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\sqrt{1 - \sin^2 \alpha}} = \frac{1}{h \sqrt{1 - \frac{1}{h^2}}} = \frac{1}{\sqrt{h^2 - 1}}$$

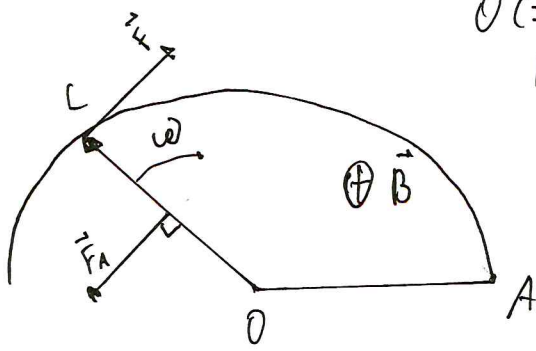
$\therefore S = \frac{2H - h'}{\sqrt{h^2 - 1}}$ ;  $S \sqrt{h^2 - 1} = 2H - h'$ ;  $h' = 2H - S \sqrt{h^2 - 1}$

$h = H - h' = H - 2H + S \sqrt{h^2 - 1} = S \sqrt{h^2 - 1} - H$

Отвѣт:  $h = S \sqrt{h^2 - 1} - H$   
 $h' = 2H - S \sqrt{h^2 - 1}$

13

5.



$OC = OA = L \quad | \quad R = ?$   
 $B, F, \omega;$

$F_A$  приложено к центру стержня и направлено против вращения  $\perp$  к стержню.

$\angle AOC = \alpha$  | изменение  $S$  за  $\Delta t$ :  $\frac{\Delta S}{\Delta t} = \frac{\Delta \alpha}{\Delta t} \cdot \frac{L^2}{2} = \omega$  ?  
 (правило Ленца + "правило левой руки")

$\mathcal{E} = \frac{\Delta S}{\Delta t} B$       $\gamma = \frac{\mathcal{E}}{R} = \frac{BL^2}{2R} \omega$       $F_A = \gamma BL = \frac{B^2 L^3}{2R} \omega$

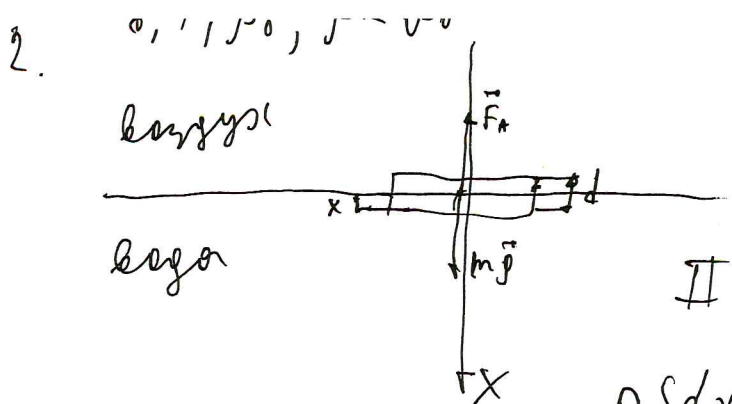
Условие равновесия вращения (постоянной  $\omega$ ) нулю, тогда моменты  $F$  и  $F_A$  равны:

$F_A \cdot \frac{L}{2} = FL$  ;      $\frac{B^2 L^4}{4R} \omega = FL$  ;      $\frac{B^2 L^3 \omega}{R} = 4F$

$R = \frac{B^2 L^3 \omega}{4F}$

Ответ:  $R = \frac{B^2 L^3 \omega}{4F}$

12



Каналом с уровнем воды  
на гладком  $F_A: F_A = \rho_0 V g = \rho_0 S x$

II 3. К. ОX:  $ma = mg - F_A, a = x''$

$\rho S dx'' = \rho S dg - \rho_0 S x g \quad | : S$

$\rho dx'' + \rho_0 x g = \rho dg \quad | : \rho d$

$x'' + \frac{\rho_0 x}{\rho d} g = g, \quad g = x'' + \omega^2 x$

$\omega^2 x = \frac{\rho_0 x}{\rho d} g \quad | : x \quad | \quad \omega^2 = \frac{\rho_0 g}{\rho d}$

$\omega = \sqrt{\frac{\rho_0 g}{\rho d}}; \quad \omega = \frac{2\pi}{T}$

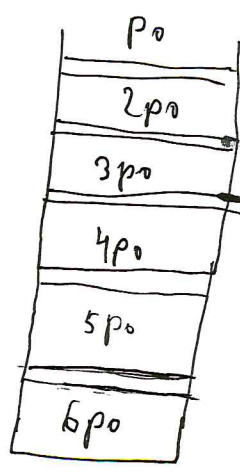
$\frac{4\pi^2}{T^2} = \frac{\rho_0 g}{\rho d}; \quad \frac{4\pi^2 d}{T^2} = \frac{\rho_0 g}{\rho}; \quad \rho = \frac{T^2 \rho_0 g}{4\pi^2 d}$

$\rho = \frac{T^2 \rho_0 g}{4\pi^2 d}$

Одна сфера?

~~13~~

6.  $h, \rho_0, mg = \rho_0 S; S$



$\rho V = \nu RT, \quad V = Sh$

$4\rho_0 S h_1 = \rho_0 h S \Rightarrow h_1 = \frac{h}{4}$

$\frac{\rho_0 S h}{2} = 3\rho_0 S h_2 \Rightarrow h_2 = \frac{h}{6}$

$\rho_0 (h - \frac{h}{3} - \frac{h}{4}) S = \rho_0 S h_3 \Rightarrow h_3 = \frac{5h}{12}$

$6\rho_0 S h_1 = \rho_0 S h \Rightarrow h_1 = \frac{h}{6}$

$5\rho_0 S h_2 = \frac{\rho_0 S h}{2} \Rightarrow h_2 = \frac{h}{10}$

$4\rho_0 S h_3 = \rho_0 S (h - \frac{h}{3} - \frac{h}{4}) \Rightarrow h_3 = \frac{5h}{12}$

Одна сфера?

$h = h_1 + h_2 + h_3$

$h = h \cdot (\frac{1}{6} + \frac{1}{10} + \frac{5}{12}) = h \cdot (\frac{13}{48} + \frac{48}{48})$   
 $= \frac{130+48}{480} h = \frac{178}{480} h = \frac{89}{240} h$

Answer:  $\frac{89}{240} h$  (5)